車載ミリ波レーダにおける路面反射クラッタ距離分布特性と ELD-STAP によるその抑圧

横川 貴洋 高橋 陸 渡辺 優人 秋田 学 稲葉 敬之

電気通信大学大学院情報理工学研究科 〒182-8585 東京都調布市調布ヶ丘 1-5-1 E-mail: yokokawa.takahiro@inabalab.ee.uec.ac.jp

あらまし 車載レーダでは複雑な電波環境において目標をより高信頼性にて検知するために、地面や側方構造物からの反射 波であるクラッタや他レーダの直接波である干渉波などの不要波抑圧性能の向上が求められている.不要波抑圧技術として前方 監視車載レーダを想定し、現実的な計算負荷にて処理可能な時空間適応信号処理である ELD-STAP を提案している.本稿では、 前方監視の車載レーダにおける路面反射であるグラウンドクラッタの距離分布特性の調査および狭受信機帯域にて高距離分解 能を得ることの可能な多周波ステップ CPC ミリ波レーダ出力信号へ ELD-STAP を適用することによるグラウンドクラッタの抑 圧性能評価のための基礎実験を実施したので報告する.

キーワード ELD-STAP, クラッタ抑圧, 多周波ステップ CPC ミリ波レーダ

Ground Clutter Distance Distribution Characteristics and Suppression by ELD-STAP in Automotive Millimeter-Wave Radar

Takahiro YOKOKAWA Riku TAKAHASHI Masato WATANABE Manabu AKITA and Takayuki INABA

Graduate school of Informatics and Engineering, The University of Electro-Communications

1-5-1 Chofugaoka, Chofu-shi, Tokyo, 182-8585 Japan

E-mail: yokokawa.takahiro@inabalab.ee.uec.ac.jp

Abstract Further increase in suppression performance of clutter and interference are needed in order to detect the target with high reliability in complex radio environment in automotive radar. We proposed ELD-STAP(Element-Localized Doppler Space Time Adaptive Processing) as undesired signal suppression processing which is processable by realistic computation load. This paper describes experiment of distance distribution characteristics of ground clutter in forward-looking automotive millimeter-wave radar and ground clutter suppression by means of ELD-STAP being applied to this Millimeter wave radar output using stepped multiple frequency CPC Radar which is capable to measure high range resolution with the narrowband receiver

Keyword ELD-STAP, Clutter suppression, Millimeter wave radar using stepped multiple frequency CPC

1. まえがき

近年,自動車の利便性や安全性の向上を目指し車載 ミリ波レーダが注目されている.車載ミリ波レーダに おいては建物や路面,ガードレールといったクラッタ や他レーダの直接波である干渉波などの不要波が存在 し,目標をより高信頼性にて検知するためにこれら不 要波の抑圧が必要である.早期警戒航空監視システム を用途とする技術として,側方向監視下での不要波抑 圧技術であるアンテナ方向と時間方向の2次元適応フ ィルタである時空間適応信号処理(STAP:Space Time Adaptive Processing[1])が報告されている.しかし, STAP は計算負荷が大きい点が課題であり,また実験 的検証の報告例は少ない. そこで,筆者らは前方監視 車載レーダを想定し,計算負荷の削減と素子間結合に 強い STAP 処理として ELD-STAP(Element・Localized Doppler-STAP)[2]を提案し,本手法の干渉波に対する 抑圧効果を実データにて報告している[3].

本稿では前方監視の車載レーダにおける路面反射 であるグラウンドクラッタの距離分布特性の調査,お よび狭受信機帯域にて高距離分解能を得ることの可能 な多周波ステップ CPC ミリ波レーダ[4]の出力信号へ ELD-STAP を適用することによるグラウンドクラッタ の抑圧性能評価のための基礎実験を実施したので報告 する.

- 35 -

2. STAP

2.1 パルスレーダにおける 3 次元データモデル

STAP はアレーアンテナを備えたパルスレーダにおいて計測される距離(k), アンテナ(n), パルス(m)からなる3次元の受信データを用いて不要波抑圧を行う. ある距離セル k(k=1,...,K)における, 到来角 θ, 相対速度vの目標からの反射波は(1)式のように表わされる.

$$x_k(n,m) = \exp\left(2\pi j \cdot f_{sp} \cdot n\right) \exp\left(2\pi j \cdot \widetilde{f}_d \cdot m\right) \tag{1}$$

$$f_{sp} = \frac{d\sin\theta}{\lambda} \tag{2}$$

$$\widetilde{f}_d = \frac{2\nu}{\lambda} T_{PRI} \tag{3}$$

 f_{sp} は空間周波数,dはアンテナ素子間隔, λ は波長, \tilde{f}_{a} は 規格化ドップラ周波数, T_{PRI} はパルス繰り返し周期で ある.距離セル k における計測データをデータ行列 $X_{k} \in C^{N \times M}$ として

$$\mathbf{X}_{k}(n,m) = \begin{bmatrix} x_{k}(1,1)x_{k}(1,2)\dots x_{k}(1,M) \\ x_{k}(2,1)x_{k}(2,2)\dots x_{k}(2,M) \\ \vdots & \vdots & \ddots \\ x_{k}(N,1)x_{k}(N,2)\dots x_{k}(N,M) \end{bmatrix}$$
(4)

と定義する. さらに、このデータ行列を1次元のデー タベクトル $\tilde{X}_k \in C^{NM \times 1}$ に置き換えて以下のように定義 する.

 $\widetilde{\mathbf{X}}_{k}(n,m) = [x_{k}(1,1)...x_{k}(N,1)...x_{k}(1,M)...x_{k}(N,M)]^{T}$ (5) ^T は行列の転置である.



ある距離セルのクラッタの Azimuth angle-Doppler 分布 は図 2 に示すように、クラッタは自速 v から推定され るドップラ周波数 f_d の拡がりに局在し、クラッタのア ジマス角 θ_c におけるドップラ周波数 $f_d(\theta_c)$ は

$$f_d(\theta_c) = \frac{2\nu}{2} \cos \theta_c \tag{6}$$

と与えられる.目標が低速移動した場合,クラッタと 目標の速度差が小さくなるため,不要波抑圧技術とし て知られている PDF(Pulse Doppler Filter)と MBF(Multi Beam Forming)を組み合わせた手法(以下 PDF+MBF と 表記)ではクラッタとの分離が困難となる.一方,STAP はこのようなクラッタスペクトル近傍の目標に対して アンテナ方向と時間方向の2次元適応フィルタを形成 することにより目標検出に期待される.



2.2 STAP 処理概要

図1に示す、3次元計測データを用いた STAP 処理 概要について説明する. STAP は目標が存在するか否 かを評価する距離セルである Primary cell に着目し、 この Primary cell における出力の SINR(Signal to Interference Noise Ratio)の最大化にて、不要波抑圧を行 う. 出力 SINR を最大化する最適ウェイトベクトルは

$$\mathbf{W}_{k} = R_{k}^{-1} \mathbf{s}_{s-t} (f_{sp}, \tilde{f}_{d}) \tag{7}$$

と与えられる. R_k は不要波相関行列, $S_{s-t}(f_{sp}, \tilde{f}_a)$ は目標の時空間ステアリングベクトルである.

以下(i)~(iii)に示す処理手順にて STAP 最適ウェイトの推定を行い, STAP フィルタ出力を得る.

(i)不要波相関行列推定

不要波相関行列*R*_kを得るために Primary cell の前後のいくつかの距離セルである Secondary cell を用いて SMI(Sample Matrix Inversion)により推定を行う.

$$R_{k} = E[\widetilde{\mathbf{X}}_{k} \cdot \widetilde{\mathbf{X}}_{k}^{H}] \cong \frac{1}{P} \sum_{p=1, p \neq k}^{P} \widetilde{\mathbf{X}}_{p} \widetilde{\mathbf{X}}_{p}^{H}$$
(8)

 $E[\cdot]はアンサンブル平均, ^H は複素共役転置, P は$ Secondary cell の総数である. このとき, Secondary cellには目標からの反射波を含まず, 不要波のみが含まれると仮定する. そのため Secondary cell に目標の距離サイドローブが含まれないよう Guard cell を設ける.

STAP の抑圧性能の保持のためには Secondary cell に おける不要波が統計的に互いに独立で同一の確率密度 分布に従う IID(Independent and Identically Distributed) 条件を満たす必要がある.更に, Reed, Mallett, Brennan らによって,不要波相関行列の推定に用いる Secondary cell の総数をデータベクトルの2倍である P=2NM とし た場合 50%の確率で約 3dB 以内の性能が損失すると 報告されている(RMB rule)[5].

(ii)不要波相関行列の固有値展開

 R_k^{-1} を不要波相関行列 R_k の固有値展開にて推定を行う. R_k には、不要波の主要固有値 λ_j のみならず、雑音の固有値 σ が含まれており、 σ が λ_j よりも十分小さい場合、 R_k^{-1} は不要波の主要固有値 λ_j の固有ベクトル \mathbf{q}_j が張る固有空間により

$$R_{k}^{-1} = \frac{1}{\sigma^{2}} \left(\mathbf{I}_{NM} - \sum_{l=1}^{NM} \frac{\lambda_{l} - \sigma^{2}}{\lambda_{l}} \mathbf{q}_{l} \mathbf{q}_{l}^{H} \right)$$

$$\approx \frac{1}{\sigma^{2}} \left(\mathbf{I}_{NM} - \sum_{j=1}^{J} \mathbf{q}_{j} \mathbf{q}_{j}^{H} \right)$$
(9)

と求められる. I_{NM}は NM 次の単位行列, *J*は主要固有 値数である.

(iii)STAP フィルタ出力

STAP フィルタ出力 y_k は目標の含まれる可能性のある Test cell \tilde{X}_k と最適ウェイトベクトル W_k との内積により(10)式のように求められる.

$$y_k = \mathbf{W}_k^H \mathbf{\tilde{X}}_k \tag{10}$$

3. ELD-STAP

3.1 ELD-STAP における STAP 適用のデータ空間の検討

STAP は相関行列の推定精度の保持および計算負荷 の削減が課題であり、これに対し STAP を適用するデ ータ空間の選択が解決策として挙げられる.パルス方 向のフーリエ変換(PDF)によるドップラ周波数は安定 性が良い.一方、アンテナは相互干渉や素子間の位相 や振幅のばらつきによりフーリエ変換によるマルチビ ーム間の直交性が維持できない.そのため、ELD-STAP は PDF を前処理として行う Element-Doppler Data にお いて、前方監視車載レーダにおけるクラッタが局在す る自速に相当する PDF 出力を選択し STAP 処理を適用 することで、STAP の課題であるデータベクトルの次 元削減が可能である.



図 3. STAP 適用の各データ空間の関係

3.2 ELD-STAP 処理概要

ELD-STAP 処理概要について以下(i)~(v)処理手順に 従って説明する.

(i) パルスドップラフィルタ(PDF)

ある Secondary cell のデータ行列に対して PDF 処理 を行う.このとき、PDF 及び、MBF のステアリングベ クトルは以下式で与えられる.

$$\mathbf{s}_t(\widetilde{f}_d) = \begin{bmatrix} 1 & \exp(2\pi j \cdot \widetilde{f}_d) & \cdots & \exp(2\pi j \cdot (M-1)\widetilde{f}_d) \end{bmatrix}^T$$
(11)

 $\mathbf{s}_{s}(\theta) = \begin{bmatrix} 1 & \exp(2\pi j \cdot f_{sp}(\theta)) & \cdots & \exp(2\pi j \cdot (N-1)f_{sp}(\theta)) \end{bmatrix}^{T}$ (12)

計測されるデータ行列 X_k に対して,ステアリングベクトル $S_t(\tilde{f_a})$ を掛けることで PDF 出力を得る.

$$\mathbf{Y}_{k} = \mathbf{X}_{k} \mathbf{s}_{t} \left(\widetilde{f}_{d} \right)^{*}$$
(13)

*は複素共役を表す. PDF 後のフィルタ出力 $Y_k(m) \in C^{N \times 1}$ はパルス数M,周波数番号mの変数より

$$\mathbf{Y}_{k}(m) = \mathbf{X}_{k} \mathbf{s}_{t} \left(\widetilde{f}_{d}(m) \right)^{*}$$
(14)

$$\widetilde{f}_d(m) = \frac{m}{M} \tag{15}$$

と表される.

(ii) 不要波の局在するドップラビンの選択

 $Y_k(m)$ からクラッタが局在し、STAPを適用するドッ プラビンの選択を行う.クラッタのドップラビンは自 速のドップラ周波数 $f_d(\theta)$ と最大覆域角 θ_o の関係から以 下の条件式を満たす周波数番号 mを選択する.

$$f_d \cos(\theta_o) \le \frac{f_d(m)}{T_{PRI}} \le f_d \tag{16}$$

選択した自速相当の最大のドップラビン DB から DB-M'+1 までの計 M'の選択ドップラビンを m'=DB-M'+1,DB-M'+2,…DBとおく.

(iii) 不要波相関行列推定

これらの選択されたドップラビンのフィルタ出力を STAP 処理におけるデータベクトルと同様に1次元デ ータベクトル $\tilde{Y}_k(m') \in C^{NM' \times 1}$ に置き換える.

$$\widetilde{\mathbf{Y}}_{k}(m') = [\mathbf{Y}_{k}(\mathbf{DB} - \mathbf{M'} + 1)\mathbf{Y}_{k}(\mathbf{DB} - \mathbf{M'} + 2)\dots\mathbf{Y}_{k}(\mathbf{DB})]^{T}$$
(17)

この Secondary cell のデータベクトルから SMI により 不要波相関行列 R_k の推定をする.

$$R_{k} \cong \frac{1}{P} \sum_{p=1, p \neq k}^{P} \widetilde{\mathbf{Y}}_{p}(m') \widetilde{\mathbf{Y}}_{p}(m')^{H}$$
(18)

(iv) 不要波相関行列の固有値展開

不要波相関行列の固有値展開を行い主要固有値により Element・Localized Doppler 空間における最適ウェイトベクトルは

$$\mathbf{W}_{eld}(f_{sp}(\phi), \widetilde{f}_d(m')) \approx R_k^{-1} \mathbf{s}_{eld}(f_{sp}(\phi), \widetilde{f}_d(m'))$$
$$\approx \frac{1}{\sigma^2} \left(\mathbf{I}_{NM'} - \sum_{j=1}^{J} \mathbf{q}_j \mathbf{q}_j^H \right) \mathbf{s}_{eld}(f_{sp}(\phi), \widetilde{f}_d(m'))$$
(19)

と与えられる.ここで, Element · Localized Doppler 空間のステアリングベクトルは

$$\mathbf{s}_{s-d}(f_{sp}(\phi), \widetilde{f}_d(m')) \equiv \mathbf{s}_s(f_{sp}(\phi)) \cdot e^{j2\pi m' \widetilde{f}_d} \in C^{N \times 1}$$
(20)

として,(21)式のように与えられる.

$$\mathbf{s}_{eld}(f_{sp}(\phi), \widetilde{f}_d(m')) \equiv \begin{bmatrix} \mathbf{s}_{s-d}(f_{sp}(\theta), \widetilde{f}_d(\mathrm{DB} - \mathrm{M'} + 1)) \\ \mathbf{s}_{s-d}(f_{sp}(\theta), \widetilde{f}_d(\mathrm{DB} - \mathrm{M'} + 2)) \\ \vdots \\ \mathbf{s}_{s-d}(f_{sp}(\theta), \widetilde{f}_d(\mathrm{DB})) \end{bmatrix} \in C^{NM \times 1}$$
(21)

(v) ELD-STAP フィルタ出力

Primary cell のデータベクトルと最適ウェイトベクトルの内積をとることにより, ELD-STAP 出力を得る.

$$\mathbf{W}_{k}(m') = \mathbf{W}_{eld}(f_{sp}(\boldsymbol{\phi}), \widetilde{f}_{d}(m'))^{H} \widetilde{\mathbf{Y}}_{k}(m')$$
(22)

以上の(i)~(v)までの操作を全距離セルに対して行う.

4.実験検証

4.1 多周波ステップ CPC ミリ波レーダ

本装置は表 1,表 2に示すようにミリ波特定小電力 無線機規格(送信周波数 60.0~61.0GHz の 500MHz 以内, 送信電力 10mW,アンテナ利得 40dBi)を満足する仕様 である.多周波ステップ CPC 方式は,合成帯域法と CPC パルス圧縮を複合したレーダ変調方式である.2 つの相補となる CPC(Complimentary phase code)符号の加 算により距離のサイドローブ抑圧が可能である.さら に,合成帯域法は時分割で送信周波数切り替え送信し, 受信時に送信周波数毎に復調し,周波数方向に受信信 号を合成することにより送信帯域幅と比較して狭受信 機帯域幅で高距離分解能を得られる.図4に送信シー ケンス,図5に信号処理ブロック図を示す.

表1 多周波ステップ CPC ミリ波レーダ装置構成仕様

送信電力	10mW	
切替周波数	8ch	
周波数切替時間	100nsec 以下	
アンテナ方式	送信:1素子導波管	
	スロットアンテナ	
	受信:4素子導波管	
	スロットアレーアンテナ	
アンテナ素子間隔	0.8λ(3.96mm)	
表 2 多周波ステップ CPC ミリ波レーダパラメータ		
送信周波数	60 5GHz	
パルス帯域幅	80MHz	
パルス幅	0.2 usec(30m)	
符号長	16	
パルス繰返し間隔(PRI)	3.5usec	
パルス数 M	512	
周波数ステップ幅	50MHz	
周波数ステップ数 N	8	
(最大速度視野)	(±79.64km/h)	
送信帯域幅	430MHz	
(距離分解能)	(0.35m)	
観測時間	28.6msec	
(速度分解能)	(0.311km/h)	
A/D サンプリング周波数	160MHz	





4.2 グラウンドクラッタ計測実験

レーダ車載環境において, ELD-STAP 適用による抑 圧対象となる地面からの反射波であるグラウンドクラ ッタの計測を実施した.以下各計測データに対して, 多周波ステップ CPC ミリ波レーダの合成帯域処理後 の 1ch の出力から ELD-STAP で選択されるドップラビ ンにおける Range-Doppler map を(a), 自車速度に該当 するドップラビンの Range-Amplitude を(b)に示す.



図6 アスファルト路面における実験風景



図7 アスファルト路面計測結果(レーダ角度 0deg)



(a) ELD-STAP 選択ドップラビンの Range-Doppler map





まず,図6に示すような整備されたアスファルトの 路面においてデータ計測を実施した.アスファルト路 面における計測結果を図7に示す.図7(b)よりアスフ ァルト路面ではノイズフロアレベルの電力の計測が得 られ、グラウンドクラッタは計測されなかった.さら に、レーダを地面方向に3deg傾けデータ計測を実施し、 その計測結果を図8に示す.図8(b)より本レーダのエ レベーション角度(3deg)とレーダ設置高さで(0.4m)か ら計算される範囲に該当する 5~15m 距離にグラウン ドクラッタが計測されることを確認した.

次に、図9に示すような路面に砂利が存在する路面 においてデータ計測を実施した.砂利が存在する路面 おける計測結果を図10に示す.砂利が存在する路面に おいては路面からアンテナに向かう反射が増え、図 10(b)より10m以降の広範囲の距離でグラウンドクラ ッタが計測されることを確認した.

以上の結果より,整備されたアスファルト路面にお いては路面からアンテナに向かう反射は少なく,レー ダが地面方向に傾いた状態を除き,グラウンドクラッ タは計測されにくい.一方,砂利が存在する路面にお いては路面からアンテナに向かう反射が増え,グラウ ンドクラッタが広範囲の距離で計測されることを確認 した.



図9 砂利存在路面における実験風景



(a) ELD-STAP 選択 ドップラビンの Range-Doppler map



(b) 自車速度に該当する Range-Amplitude図 10 砂利存在路面における計測結果

4.3 グラウンドクラッタ抑圧性能評価

レーダ車載環境において取得したグラウンドクラッ タに対して ELD-STAP を適用した際の結果および抑圧 性能を示す. ELD-STAP を適用するデータはアレーキ ャリブレーションを実施せず,素子間の振幅・位相誤 差が含まれたデータである. 選択したドップラビン数 は 6 とし, Primary cell の両側にそれぞれ Guard cell を 5, Secondary cell を 20 設けた.

以下各計測データに対して,正面方向(Odeg)の ELD-STAP 適用前後の Range-Doppler map および自車 速度に該当する Range-Amplitude を示す.

まず,路面に砂利が存在する路面における計測デー タに対して ELD-STAP を適用した.図 11 に示すよう にグラウンドクラッタの抑圧が広範囲の距離で確認さ れる.この時,20~80mのグラウンドクラッタ分布範 囲の電力平均値を適用前後で比較すると,約 8dBの抑 圧を確認した.

さらに,路面に砂利が存在する路面において, ELD-STAP で選択するドップラビンに含まれる 0.5km/h の低速移動目標を車両正面 15m に設置し ELD-STAPを適用した.図12(b)より本計測データにお いては ELD-STAP 適用後目標の電力に若干の劣化が見 られるが,20~80m のグラウンドクラッタ分布範囲の 電力平均値を適用前後で比較すると,約5dBの抑圧を 確認した.

表 3 ELD-STAP パラメータ

選択ドップラビン数	6	
Secondary cell (両側総数)	20	(40)
Guard cell (両側総数)	5	(10)







(b) 自車速度に該当する Range-Amplitude図 11 砂利存在路面に対する ELD-STAP 適用結果

最後に, ELD-STAP と従来法である PDF+MBF にて グラウンドクラッタの抑圧性能の比較を実施する. 各 手法の出力における Range-Doppler map を(a), 自車速 度に該当するドップラビンの Range-Amplitude を(b)に 示す. ただし, PDF+MBF の表示結果は ELD-STAP 出 力の雑音振幅に規格化した結果である. 図 13(b)より ELD-STAP の方が PDF+MBF よりグラウンドクラッタ を抑圧することを確認した.

以上の結果より,前方監視の車載レーダにおける計 測データに対して ELD-STAP を適用することで,グラ



(a) ELD-STAP 選択ドップラビンの Range-Doppler map



(b) 自車速度に該当する Range-Amplitude図 12 目標が存在データ対する ELD-STAP 適用結果



(a) ELD-STAP 選択 ドップラビンの Range-Doppler map



(b) 自車速度に該当する Range-Amplitude図 13 ELD-STAP および PDF+MBF の出力結果比較

ウンドクラッタを抑圧することを確認した.今回使用 したアレーアンテナは,正面方向においても数 deg 程 度,数 dB 程度の差異を有するが,前記評価結果は特 にこれらを補正することなく実施したものであり, ELD-STAP では通常の BF と異なり,アレー誤差を補 正する機能があることも実験的に確認できた.

5.むすび

本稿では前方監視の車載レーダにおける路面反射 であるグラウンドクラッタの距離分布特性の調査,お よび多周波ステップ CPC ミリ波レーダ出力信号へ ELD-STAP を適用することによるグラウンドクラッタ の抑圧性能評価のための基礎実験を実施した.

レーダ車載環境における路面反射クラッタの距離分 布特性は路面状況によって異なり,整備されたアスフ ァルト路面では地面からアンテナに向かう反射は少な く,グラウンドクラッタは計測されない.一方砂利が 存在する路面においては地面からアンテナに向かう反 射が多く,グラウンドクラッタの計測を確認した.さ らに,グラウンドクラッタが多く計測されたデータに 対して ELD-STAP を適用することで,グラウンドクラ ッタの抑圧を確認した.

謝辞

本稿に示す研究内容は、総務省の委託研究「電波資 源拡大のための研究開発(狭帯域・遠近両用高分解能 小型レーダー技術の研究開発)」により実施されたもの である。

文献

[1] W.L. Melvin, "A STAP overview", IEEE AES Systems Magazine Special Tutorials Issue.Vol.19, No.1, pp.19-35, January 2004.

[2] 稲葉敬之,前方監視レーダのためのElement・Localized Doppler STAP法,電子情報通信学会論文誌B, Vol J87-B, No.10, pp.1771-1783, 2004-10

[3] 新田大輔, 稲葉敬之, 深町弘毅, 多周波ステップCPCミリ波レーダへのELD-STAPの適用と評価, 信学技報,

SANE2012-131, pp. 25-30, 2013-1 [4] 渡辺優人, 稲葉敬之, 坪田光, 矢野公広, Development of

Millimeter wave Radar using Stepped Multiple Frequency Complementary Phase Code Modulation, 信学技報, SANE2011-81, 2011-10

[5]Brennan LE , Shaudaher FM , "Subclutter visibility demonstration", Tech Rep RL-TR-92-21, Adaptive Sensors Incorporated, 1992.

[6] Alexander Haimovich, "The Eigencanceler: Adaptive Radar by Eigenanalysis Methods", IEEE transactions on aerospace and electronic systems, Vol.32, No.2, pp.532-534, April 1996

[7] L.S.REED, J.D.MALLET, L.E.BRENNAN "Rapid Convergence Rate in Adaptive Arrays" IEEE TRANSACTIONS ON AEROSPACE AND ELECTRONIC SYSTEMS VOL. AES-10, NO. 6, pp. 853-863, NOVEMBER 1974