## 2周波 CW 方式に基づく列車速度推定法と鉄道環境における基礎実験

秋田 学<sup>†</sup> 山下 遼<sup>†</sup> 稲葉敬之<sup>†</sup> 坪田 光<sup>‡</sup> 浅野 晃<sup>‡</sup>

E-mail: † akita.manabu@uec.ac.jp,

**あらまし**本稿では、車輪の空転や滑走により誤差を生じない列車速度の測定法として、2周波 CW 方式に基づく推定法を提案し、レーダを列車に搭載した鉄道環境下における基礎実験結果について報告する.2周波 CW 方式 に基づく三つの速度推定法は、GPS による速度計測で課題となる上方に遮蔽物のある環境においても、他の区間と 同等の観測精度で列車速度推定結果が得られることを実験的に示す.非線形最小二乗法(1変数)による速度推定 結果は、レーダ設置高度の変化のない区間においては、三つの推定法のなかで最も推定速度の標準偏差が小さく、非線形最小二乗法(2変数)による速度推定結果は、GPS 速度計とのバイアス誤差が小さいことを鉄道環境におけ る基礎実験結果より示す.

キーワード レーダ, 2周波 CW 方式, 列車速度計

# Estimations for Train Speed based on Two-Frequency CW

# and Initial Experiments on Railway Environments

Manabu AKITA<sup>†</sup> Ryo Yamashita<sup>†</sup> Takayuki INABA<sup>†</sup>

Hikaru TSUBOTA  $^{\ddagger}$  and Akira ASANO  $^{\ddagger}$ 

<sup>†</sup> Graduate School of Informatics and Engineering, The University of Electro-Communications 1-5-1 Chofugaoka, Chofu, Tokyo 182-8585 Japan

‡ Kyosan Electric Manufacturing Co., Ltd, 2-29-1 heiancho, Thurumi-ku, Yokohama, Kanagawa 230-0031 Japan
 E-mail: † akita.manabu@uec.ac.jp

**Abstract:** Estimation methods based on 2FCW for the train speed, which are not affected by idling and slide of wheels, are presented. The initial experimental results on the railway environments are also shown. The proposed methods obtained stable estimation results even in the situation where there exists shielding objects. A nonlinear least square method with an unknown quantity had the smallest standard deviation in the environment where the height of ballast track bed was stable. A nonlinear least square method with two unknowns had the smallest bias errors between the estimation results and GPS speedometer.

Keywords: Radar, 2FCW, Train speedometer

### 1.まえがき

現在,列車の速度を計測する方法として,車軸の回 転より速度を導出する方法が広く用いられているが, ブレーキ時の車輪の空転や滑走により誤差が生じ,ま た低速時に速度発電機の出力が十分得られない課題が ある [1].既存のシステムでは、ブレーキ力を弱めた 非稼働軸に速度発電機を取り付けることなど,空転・ 滑走を防止する方法をとっているが,本質的な解決に は至っていない[2].これらの問題を解決するために車 輪の空転や滑走に影響されない方法として,GPSを用 いた速度計測や, CW(Continuous Wave)レーダを用い た速度計の開発が報告されている[1][3].GPS を用いた 速度計は、トンネルや高架等の遮蔽物がアンテナ上方 にある環境では、速度推定が行えない課題がある.また、鉄橋、建物、樹木等が GPS アンテナ周辺にある環境では、衛星からの電波が反射し、別の経路で GPS アンテナに届くマルチパスが発生し、計測に誤差を生む 課題がある.CW レーダによる速度計測では、直接ドップラ周波数が計測可能であり、受信機は低サンプリング周波数の A/D 変換器で構成される.CW レーダを 用いた列車速度計測では、電波の照射範囲はアンテナのビーム幅に従い広がるため、地面からは電波の照射 範囲の多数の反射点からの反射波が計測される.地面 反射によるドップラ周波数は反射点の位置に依存する ため、ビームの広がりが推定速度の誤差要因となりうる.そこでビーム幅を狭くすることが解決手段として 考えられるが,レーダのアンテナのサイズが大きくな るという課題がある.

上記の既存の列車速度計における課題に対処する ために、本研究では、簡易なレーダ変調方式で測距・ 測速が可能な2周波CW方式[4]に基づく列車速度推定 法を提案する.2周波CWレーダは、目標(ここでは 地面における反射点)との相対速度に紐づけられた距 離情報を得ることができ、これにより、各地面反射点 を分離可能である.また、2周波CW方式は距離精度 が周波数帯域幅でなくS/Nに依存する[5]ため、本研究 のような近距離を観測対象としたレーダ方式として適 合性に優れている.本稿では、地面の反射位置に依存 するドップラ周波数の変化を反射点までの距離情報に より補正する方法を提案し、レーダを列車に搭載した 鉄道環境下における基礎実験結果について報告する.

#### 2.2 周波 CW 方式に基づく速度推定

本章では、2周波 CW 方式に基づく三つの列車速度の推定法(うちーつは無変調 CW レーダでも可能)について述べる.

2.1 レーダ照射角度(チルト角)のみによる速度補正図1にレーダの設置条件の模式図を示す.レーダの設置高度を h,レーダのチルト角を θ とする.レーダを地面に対して、図1のように傾けて照射すると、図2 に示すようなドップラースペクトルが得られることが知られている[3].地面からの反射により得られるレーダと反射点との相対速度を Vm,1 観測時間内(1CPI)で任意のしきい値を超える点数を M とすると、列車速度 Vgは、レーダの取付けチルト角で補正する簡易な方式を用いて式(1)より求められる.

$$V_{\rm g} = \frac{1}{M} \sum_{\rm m=0}^{\rm M-1} \frac{V_{\rm m}}{\cos(\theta)}$$
(1)

式(1)は2周波 CW レーダにて計測される速度・距離のうち,速度情報のみを用いる方法であり無変調 CW レーダにおいても用いることができる.2.2節および2.3節で述べる推定法のような距離情報を用いていないため,誤差がS/Nに依存しない方法である.一方,本方式ではアンテナのビームの広がりに伴う地面反射点の位置に依存する速度の変化量は考慮していない.列車走行時における地面反射のドップラ周波数は,反射点の位置に依存するため,ビームの広がりが推定速度の誤差要因となりうる.また,レーダの取付け時の設置角度の誤差,加速時などにおいて車両がピッチングするときには,その原理上バイアス誤差が発生する.



図1. レーダ設置角 (チルト角),計測される速度

る距離および列車速度の関係



図 2. 地面からの反射波のドップラースペクトル (J. Mladek and J. Townsend, 1978)



図 3. 反射点までの距離と速度の関係 (h=0.7m, Vg=45km/h)

2.2 推定距離を用いる非線形最小二乗法(1変数)に よる速度推定

前述の通り、2周波 CW 方式は測速・測距が可能な 方式であり、速度分解能毎に対応する反射点までの距 離情報が得られる.本研究ではこの速度に紐づけられ た距離情報を用いて列車速度を推定することを考える. 地面からの反射により導出されるレーダと反射点の相 対速度を  $V_m$ ,これに紐づけられた距離を  $R_m$ ,距離  $R_m$ より推定されるレーダから反射点までの角度を  $\theta_m$  と する.  $V_m$ ,  $R_m$ , h, Vgを用いて三角関数の関係式(2) が得られる.式(3)に示す非線形最小二乗法(未知 数は Vg)より列車速度を求める.本研究では,エレベーション方向に広がる地面の反射点のみを考慮している.

$$\sin^{2}(\theta_{m}) + \cos^{2}(\theta_{m}) - 1 = \left(\frac{h}{R_{m}}\right)^{2} + \left(\frac{V_{m}}{Vg}\right)^{2} - 1 = 0 \qquad (2)$$

$$Vg = \underset{Vg}{\operatorname{arg\,min}} \left[ \sum_{m=0}^{M-1} \left( \frac{h}{R_m} \right)^2 + \left( \frac{V_m}{Vg} \right)^2 - 1 \right]$$
(3)

2.3 推定距離を用いる非線形最小二乗法(2変数)に よる速度推定

2.2 節で示した非線形最小二乗法(1変数)では, チルト角のみによる速度補正において誤差要因となる エレベーション方向のビーム幅の広がりによる速度推 定誤差の軽減, レーダの設置時の角度の誤差によるバ イアス誤差,加速時などピッチング時のバイアス誤差 の軽減が期待される方式である.レーダの設置高度(地 面からアンテナまでの高さ)が一定のとき,非線形最 小二乗法(1変数)による速度推定は、チルトのみに よる速度補正に比べて,上記の改善効果が期待される. 一方で,列車が走行する軌道中で地面の高さが変化す る場合(バラストの砂利の高さの違い、積雪の多い地 域では積雪の深さの変化)には、式(3)においては レーダの設置高度を一定と仮定しているため,これが 誤差の要因となりうる.そこで,式(3)において, 列車速度とレーダの設置高度の2変数を未知数とする 非線形最小二乗法(2変数)を式(4)に示す.

$$(Vg,h) = \arg\min_{Vg,h} \left[ \sum_{m=0}^{M-1} \left( \frac{h}{R_m} \right)^2 + \left( \frac{V_m}{Vg} \right)^2 - 1 \right]$$
(4)

#### 3.実験結果と考察

3.1 レーダパラメータおよび期待性能

本章では、レーダを列車に搭載した鉄道環境下にお ける列車速度推定の基礎実験結果について述べる.実 験における2周波CWレーダのパラメータおよび期待 性能を表1に示す.アンテナの設置高は0.835mとし、 アンテナのビーム幅については、2章で述べた速度推 定法は、エレベーション方向のビーム幅の広がりによ る速度の変化のみを考慮した方式であるため、アジマ ス方向のビーム幅をエレベーション方向のビーム幅よ りも狭くとっている.2周波の周波数差 *Af* は、アン テナの設置高とビーム幅から想定される反射点までの 距離から、周波数差による距離のアンビギュイティが 発生せずかつ距離の精度を得るために *Af* =75.0 MHz を

表1.2周波 CW レーダパラメータおよび期待性能

項目	仕様/期待性能
周波数 fl	24.0900 GHz
周 波 数 f2	24.1650 GHz
$f1,f1$ の周波数差 $\Delta f$	75.0 MHz
周 波 数 切 り 替 え 間 隔 <i>T<sub>pri</sub></i>	50 µsec
アンテナ設置高 h	0.835m
アンテナビーム幅(エレベーション)	$\pm 7.5 \ deg$
アンテナビーム幅(アジマス)	$\pm 3.0 \deg$
観 測 時 間 T <sub>cpi</sub>	307 msec
速度分解能 <i>△V</i>	0.073 km/h
速度視野 Vmax	112.14 km/h
距離の観測精度	SN に依存
検出 S/N しきい値	36dB
距離視野 Rmax	1.99 m
データレート	9.77 pt/sec

採用している. 2周波 CW 方式における距離の推定精 度は S/N に依存するので[5],信号処理利得を得るため に,1CPIを 307ms としているが,102ms 毎に CPI のス ライド処理を施しているため,データレートは 9.77Hz である[6].

#### 3.2 1CPI の各推定法による速度推定結果

二章で述べた三つの各推定法による 1CPI の速度推 定を示す例として、図4のようなバラスト軌道上を走 行時(計測開始212.5秒後)において取得されるドッ プラースペクトルを図5に示す.図5中の破線は検出 S/N しきい値(雑音レベルから 36dB 上)を示しており, この CPI ではドップラースペクトルにおいて 76 点が 検出 S/N しきい値を超えて検出される.式(1)より チルト角のみによる速度補正からは,76点の反射点ま での相対速度の平均値をチルト角で補正することで列 車速度, Vg=45.8[km/h]が推定される. 検出 S/N しきい 値を超えて検出される速度と紐付けられて周波数f,と f2の位相差から得られるレーダと各反射点までの距離 と相対速度の関係を図6に示す.図6中の破線は非線 形最小二乗法(1変数)において評価式を最小とする Vgにおける式(3)を表しており、Vg=47.1[km/h]が求 められる.図6中の実線は非線形最小二乗法(2変数) において評価式を最小とする Vg と h における式(4) を表しており、これより Vg=46.5[km/h]、h=0.83[m]と なる.以下,同様の信号処理により計測開始から 390 秒間(二駅区間)の解析結果を次節で示す.



図 4. 計測開始 212 秒後に通過したバラスト軌 道(本実験環境において一般的なバラスト条件)



図 5. 計測開始 212.5 秒後におけるドップラースペクトル



図 6. 検出される速度とそれに紐づけられた距離の関係 (×:反射点までの距離と相対速度,破線:非線形最小 二乗法(1変数),実線:非線形最小二乗法(2変数))

3.3 各推定法による列車速度推定結果

図7に、計測開始から390秒間の列車走行時におけ る各推定法による列車速度推定結果を示す.ここでは、 GPS速度計による列車推定速度を列車速度の参照デー タとする.まえがきでもふれたように、GPSによる速 度計測では、高架等の障害物がGPSアンテナ上方にあ る環境において課題があるとされており、本実験では、 時刻106秒~107秒において列車が高架の下を通過し ている.同区間の拡大図を図8に示す.GPS速度計の データは時刻106秒~110秒までの間,推定速度のば らつきが大きくなっているが、レーダを用いた三つの



図 7. 各推定法による列車速度推定結果((a) チルト角のみに よる速度補正結果,(b)非線形最小二乗法(1変数による速度推 定結果,(c)非線形最小二乗法(2変数)による速度推定結果, (d)非線形最小二乗法(2変数)による高度推定結果)

推定法では、同区間においても他の区間と同等の観測 精度で速度推定結果が得られている.チルト角のみに よる速度補正結果には、全観測時間にわたり、とくに 高速域において GPS 速度計と比較して 1km/h 程度低速 側にバイアス誤差があることがわかる.チルト角のみ による速度補正は簡易な方式であり、S/N による観測 精度の依存がない方式であるが、レーダの設置角度の





• • · 速度美

図 8. 時刻 95 秒~120 秒における各推定法による列車速度推定 結果((a) チルト角のみによる速度補正結果,(b)非線形最小二 乗法(1変数による速度推定結果,(c)非線形最小二乗法(2変 数)による速度推定結果)

誤差と加速時などにおいて車両がピッチングするとき バイアス誤差が生じる.本実験においてもこれがバイ アス誤差の要因となっていることが考えられる.

非線形最小二乗法(1変数)による速度推定結果は 楕円で示す区間(時刻 225 秒~345 秒)を除くと,三 つの推定法のなかで最も GPS 速度計との速度差のば らつきが小さいことがわかる.同法では、楕円で示す 区間において、2km/h 程度の低速側にバイアス誤差が 生じていることがわかる.同区間の拡大図を図9に示 す. 同法においてはレーダの設置高度 h を一定と仮定 しているため,設置高度の変化(すなわちアンテナと バラストまでの距離の変化)によりバイアス誤差が生 じる.式(2)および式(3)よりレーダの設置高度 が高くなるとき,低速側にバイアス誤差が生じると考 えられる.

非線形最小二乗法(2変数)による速度推定結果は 全観測時間にわたり、三つの速度推定法のなかで GPS 速度計とのバイアス誤差が小さいことがわかる.図

図 9. 時刻 240 秒~250 秒における各推定法による列車速度推 定結果((a) チルト角のみによる速度補正結果,(b)非線形最小 二乗法(1変数による速度推定結果,(c)非線形最小二乗法(2 変数)による速度推定結果)



図 10. 計測開始 245 秒後に通過したバラスト軌道

7(d)より,非線形最小二乗法(1変数)による速度推 定結果でとくに GPS 速度計とのバイアス誤差の大き い区間(時刻 225 秒~345 秒)は,推定高度が約 4cm 他の区間よりも高く推定されており、設置高度の変化 を含めて、列車速度が推定されており、GPS 速度計と のバイアス誤差が小さい結果が得られている.

以上より, 定常的には非線形最小二乗法(1変数) による速度推定を用い,設置高度が変化する領域では 非線形最小二乗(2変数)に切り替えるのが有効な手 段の一つであると考えられる。また、S/N の低い場所 においては, チルト角のみによる速度補正と上記方式 を組み合わせた方式が有効であると考えられる。

#### 4.まとめ

本稿では,簡易なレーダ変調方式で測距・測速が可 能な2周波 CW 方式に基づく列車速度推定法を提案し, レーダを列車に搭載した鉄道環境下における基礎実験 結果について報告した.GPS による速度計測で課題と なる上方に遮蔽物のある環境においても,2周波 CW 方式に基づく三つの速度推定法(チルト角のみによる 速度補正,非線形最小二乗法(1変数)による速度推 定,非線形最小二乗法(2変数)による速度推定)で, 同区間においても他の区間と同等の観測精度で速度推 定結果が得られることを実験的に示した.

三つの速度推定法のうち、チルト角のみによる速度 補正は、レーダの設置角度の誤差および車両のピッチ ングによりバイアス誤差が生じるが、検出した速度を チルト角で補正し平均する簡易な方式で GPS 速度計 と比較して全観測区間において 1km/h 以下の誤差で速 度推定結果が得られている.非線形最小二乗法(1変 数)による速度推定結果は、レーダ設置高度の変化の ない区間においては、三つの推定法のなかで最も速度 推定結果の標準偏差が小さい結果となった.非線形最 小二乗法(2変数)による速度推定結果は、三つの速 度推定法のなかで GPS 速度計とのバイアス誤差が小 さい結果となった.

これより、定常的には非線形最小二乗法(1変数) による速度推定を用い、設置高度が変化する領域では 非線形最小二乗(2変数)に切り替えるのが有効な手 段の一つであると考えられる。また、S/Nの低い場所 においては、チルト角のみによる速度補正と上記方式 を組み合わせた方式が有効であると考えられる。

## 文 献

- 水間毅,吉永純,工藤希,衛星を用いた列車制 御・保安システムの開発,交通安全環境研究所 報告,第11号,pp.13-22,2008.
- [2] 福田光芳,菅原宏之,祇園昭宏,小野雄人,北 野隆康,白井稔人,列車制御のための車上での 高精度な位置検知手法の開発,鉄道総研報告特 集論文,第27号,pp17-22,2013
- [3] J. Mladek and J. Townsend, A Doppler Radar Velocity Meter for Agricultural Tractors, IEEE Trans. on Vehicular Technology, vol.VT-27, no.1, pp.24-30, 1978
- [4] M.I. Skolnik, Introduction to Radar System, McGraw-Hill, New York, 1962.

- [5] 稲葉敬之,多周波ステップ ICW レーダによる多
  目標分離法,電子情報通信学会(B), vol.J89-B,
  No.3,pp.373-383, 2007.
- [6] 田村俊徳,山下遼,秋田学,稲葉敬之,坪田光,浅野 晃,2周波 CW レーダを用いた列車速度計の開 発,B-2-32,2014年電子情報通信学会総合大会, 2014.